

Κινητός και Διάχυτος Υπολογισμός (Mobile & Pervasive Computing)

Δημήτριος Κατσαρός, Ph.D.

Χειμώνας 2005

Διάλεξη 4η

20/10/2005

Τμήμα Μηχανικών Η/Υ, Τηλεπικοινωνιών και Δικτύων, Πανεπιστήμιο Θεσσαλίας

Ιστοσελίδα του μαθήματος

- http://skyblue.csd.auth.gr/~dimitris/courses/mpc_fall05.htm
- Θα τοποθετούνται οι διαφάνειες του επόμενου μαθήματος
- Σταδιακά θα τοποθετηθούν και τα research papers που αντιστοιχούν σε κάθε διάλεξη

20/10/2005

Τμήμα Μηχανικών Η/Υ, Τηλεπικοινωνιών και Δικτύων, Πανεπιστήμιο Θεσσαλίας

Περιεχόμενα

- **Αρχιτεκτονική κινητού δικτύου**
- Εκπομπή σε πολλαπλά κανάλια
- Caching
- Prefetching
- Ευρετήρια

20/10/2005

Τμήμα Μηχανικών Η/Υ, Τηλεπικοινωνιών και Δικτύων, Πανεπιστήμιο Θεσσαλίας

Περιεχόμενα

- Αρχιτεκτονική κινητού δικτύου
- **Εκπομπή σε πολλαπλά κανάλια**
- Caching
- Prefetching
- Ευρετήρια

20/10/2005

Τμήμα Μηχανικών Η/Υ, Τηλεπικοινωνιών και Δικτύων, Πανεπιστήμιο Θεσσαλίας

Πολλαπλά κανάλια εκπομπής

Για λόγους όπως:

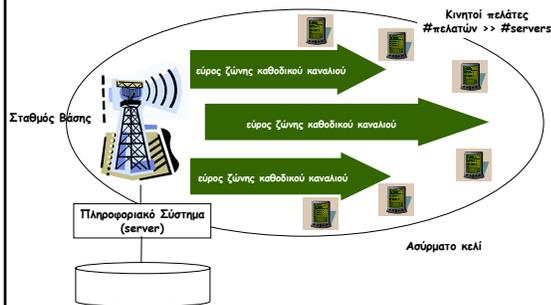
- Application scalability
 - Μια εφαρμογή αποκτά επιπλέον κανάλια για να εξυπηρετήσει μεγαλύτερο πληθυσμό
- Fault tolerance
 - Τρεις servers εκπέμπουν σε μια γεωγραφική περιοχή σε μη συνεχόμενες συχνότητες, αλλά οι δυο παθαίνουν βλάβη και τα κανάλια τους ανατίθενται στον τρίτο
- Reconfiguration of adjoining cells
 - Γειτονικά κελιά εξυπηρετούνται από διαφορετικούς servers, αλλά τα κελιά συνενώνονται και τα κανάλια ανατίθενται στον έναν από τους δυο
- Heterogeneous clients
 - Πελάτες με ετερογενείς δυνατότητες

Είναι δυνατόν να υπάρχουν πολλαπλά κανάλια εκπομπής

20/10/2005

Τμήμα Μηχανικών Η/Υ, Τηλεπικοινωνιών και Δικτύων, Πανεπιστήμιο Θεσσαλίας

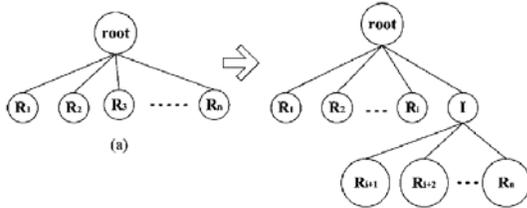
Εκπομπή σε Πολλαπλά Κανάλια



20/10/2005

Τμήμα Μηχανικών Η/Υ, Τηλεπικοινωνιών και Δικτύων, Πανεπιστήμιο Θεσσαλίας

Δενδρική αναπαράσταση



20/10/2005 Τμήμα Μηχανικών ΗΥ, Τηλεπικοινωνιών και Δικτύων, Πανεπιστήμιο Θεσσαλίας

Κόστος επιπέδου του δένδρου

Definition 1. Suppose that level v in the allocation tree has $j - i + 1$ data nodes, R_i, R_{i+1}, \dots, R_j . The cost of level v is defined as

$$C_{i,j} = \sum_{k=1}^{j-i+1} \frac{(j-i+1)-k}{j-i+1} \sum_{q=i}^j P_r(R_q),$$

which is equal to $w_v \cdot P_{L_v}$, where w_v and P_{L_v} are, respectively, the weight of leaf nodes and the aggregate access frequency for the leaf nodes in level v of the allocation tree.

Definition 2. Suppose that node R has $j - i + 1$ child data nodes, R_i, R_{i+1}, \dots, R_j , which are sorted according to the descending order of $P_r(R_q)$, $i \leq q \leq j$, i.e., $P_r(R_q) \geq P_r(R_y)$ iff $q \leq y$. The reduction gain achieved by grouping nodes $R_{p+1}, R_{p+2}, \dots, R_j$ and attaching them under a new child node, denoted by $\delta(p)$, can be formulated as $\delta(p) = C_{i,j} - (C_{i,p} + C_{p+1,j})$.

20/10/2005 Τμήμα Μηχανικών ΗΥ, Τηλεπικοινωνιών και Δικτύων, Πανεπιστήμιο Θεσσαλίας

Αλγόριθμος VF^K

Input. Assume that R_1, \dots, R_n have been sorted according to the descending order of $P_r(R_j)$, $1 \leq j \leq n$, i.e., $P_r(R_q) \geq P_r(R_y)$ iff $q \leq y$. K is the number of broadcast disks in a broadcast disk array.

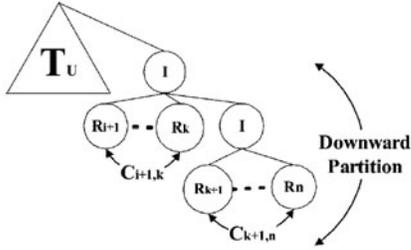
Output. The resulting allocation tree.

begin

1. Create table AT with K rows;
2. $AT(1).B = 1$; $AT(1).B$ records the beginning of level 1 ^{*/}
3. $AT(1).E = n$; $AT(1).E$ records the end of level 1 ^{*/}
4. $AT(1).LC = C_{1,n}$; $AT(1).LC$ records the cost of level 1 ^{*/}
5. **for** each row i in table AT and $i \geq 2$
6. **begin**
7. $AT(i).B = 0$; $AT(i).B$ records the beginning of level i ^{*/}
8. $AT(i).E = 0$; $AT(i).E$ records the end of level i ^{*/}
9. $AT(i).LC = 0$; $AT(i).LC$ records the cost of level i ^{*/}
10. **end**
11. $pivot = 1$;

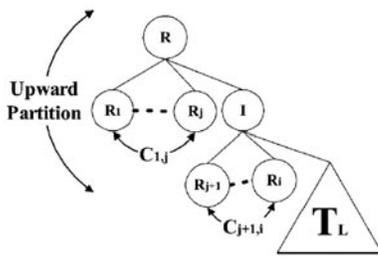
20/10/2005 Τμήμα Μηχανικών ΗΥ, Τηλεπικοινωνιών και Δικτύων, Πανεπιστήμιο Θεσσαλίας

Αλγόριθμος VF^K



20/10/2005 Τμήμα Μηχανικών ΗΥ, Τηλεπικοινωνιών και Δικτύων, Πανεπιστήμιο Θεσσαλίας

Αλγόριθμος VF^K



20/10/2005 Τμήμα Μηχανικών ΗΥ, Τηλεπικοινωνιών και Δικτύων, Πανεπιστήμιο Θεσσαλίας

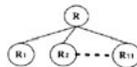
Παράδειγμα του VF^K

Data record	R_1	R_2	R_3	R_4	R_5	R_6	R_7	R_8	R_9	R_{10}	R_{11}
$P_r(R_i)$	0.237	0.211	0.132	0.132	0.08	0.05	0.05	0.027	0.027	0.027	0.027

(a) Partition $(R_1, R_2, \dots, R_{11})$ is selected and decomposed to (R_1, \dots, R_4) and (R_5, \dots, R_{11}) .

Level i	$AT(i).B$	$AT(i).E$	$AT(i).LC$
1	1	11	5*
2	0	0	0
3	0	0	0
4	0	0	0

p	1	2	3	4	5
$C_{1,11}$	5	5	5	5	5
$C_{1,p} + C_{p+1,11}$	3.4335	2.484	2.05	1.932	2.104
$\delta(p)$	1.5665	2.516	2.95	3.068*	2.896



20/10/2005 Τμήμα Μηχανικών ΗΥ, Τηλεπικοινωνιών και Δικτύων, Πανεπιστήμιο Θεσσαλίας

Το πρόβλημα Windows Scheduling 25

- Έστωσαν h slotted κανάλια και n αντικείμενα (σελίδες), που στην κάθε μια αντιστοιχεί ένα παράθυρο (window) $w_i \geq 1$, όπου w_i είναι ακέραιος.
- Είναι δυνατό να εκπέμψουμε τις n σελίδες στα h κανάλια, μια σελίδα σε κάθε κανάλι σε κάθε slot (χρονική στιγμή), ώστε το κενό μεταξύ δυο συνεχόμενων εμφανίσεων της σελίδας i να είναι όχι μεγαλύτερο από w_i ?
- Εάν για δεδομένο h και $W(w_1, w_2, \dots, w_n)$, η απάντηση στο παραπάνω ερώτημα είναι καταφατική, το πρόγραμμα εκπομπής που λύνει το πρόβλημα αποκαλείται **$\langle h, W \rangle$ -πρόγραμμα**
- Το πρόβλημα βελτιστοποίησης είναι να βρούμε το ελάχιστο h που θα το σημειώνουμε ως $H(W)$, ώστε να υπάρχει το **$\langle h, W \rangle$ -πρόγραμμα**
- Το πρόβλημα αυτό αποκαλείται **optimal windows scheduling πρόβλημα**

20/10/2005

Τμήμα Μηχανικών Η/Υ, Τηλεπικοινωνιών και Δικτύων, Πανεπιστήμιο Θεσσαλίας

Το πρόβλημα Windows Scheduling 26

- Το πρόβλημα αυτό ανήκει στην κλάση των NP-Hard ακόμα και στην περίπτωση που $h=1$.
- Παράδειγμα:
 - $W = \langle 2, 4, 5 \rangle$
 - $\langle 1, W \rangle = [2 \ 4 \ 2 \ 5 \ 2 \ 4 \ 2 \ 5]$
 - Σημειώστε ότι η πρώτη σελίδα εμφανίζεται κάθε 2 slots, η δεύτερη κάθε 4 slots και η Τρίτη κάθε 4 (<5) slots

20/10/2005

Τμήμα Μηχανικών Η/Υ, Τηλεπικοινωνιών και Δικτύων, Πανεπιστήμιο Θεσσαλίας

Περιεχόμενα 27

- Αρχιτεκτονική κινητού δικτύου
- Εκπομπή σε πολλαπλά κανάλια
- **Caching**
- Prefetching
- Ευρετήρια

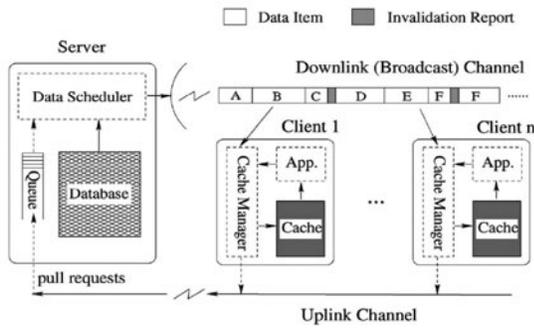
20/10/2005

Τμήμα Μηχανικών Η/Υ, Τηλεπικοινωνιών και Δικτύων, Πανεπιστήμιο Θεσσαλίας

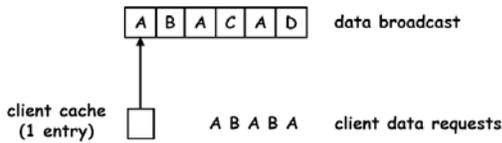
Caching στους κινητούς πελάτες

- Προγράμματα εκπομπής
 - Βασίζονται στη μέση πιθανότητα προσπέλασης: μέσος όρος πάνω σε ΟΛΟΥΣ τους πελάτες
 - Όχι αναγκαστικά βέλπστη για κάθε έναν πελάτη
- Πώς μπορεί κάθε πελάτης να υποβοηθήσει τον εαυτό του?
 - **Caching**: προσωρινή αποθήκευση των δεδομένων που λαμβάνει
 - Πολιτική caching: όταν εξαναγκάζεται να αντικαταστήσει κάποιο (επειδή η cache είναι πλήρης), αντικαθιστά εκείνα που είναι λιγότερο πιθανό να χρησιμοποιήσουν στο μέλλον

Το γενικό μοντέλο caching



Caching στους κινητούς πελάτες



- Ποια **πολιτική αντικατάστασης** (replacement strategy ή policy ή algorithm) θα πρέπει να χρησιμοποιούν οι πελάτες;

Η πολιτική LIX (1/3)

- Η πολιτική PIX δεν είναι πρακτική
 - Απαιτεί τέλεια γνώση των πιθανοτήτων προσπέλασης
 - Απαιτεί σύγκριση των τιμών PIX όλων των αντικειμένων στην cache (σειριακή σάρωση των αντικειμένων)
- Ιδέα: προσέγγιση της πολιτικής PIX με έναν αλγόριθμο του τύπου LRU (δηλ., τον LIX) που λαμβάνει υπόψη του πιθανότητες προσπέλασης
- LRU (Least Recently Updated)
 - Τα Cached δεδομένα διατηρούνται σε μια λίστα
 - Εάν ένα δεδομένο προσπελαστεί μετακινείται στην κορυφή/αρχή της λίστας
 - Όταν συμβεί cache miss (απαιτείται να “κατεβεί” από το κανάλι και να μπει στην cache), το δεδομένο στο τέλος της λίστας εκδιώκεται από τη λίστα

20/10/2005

Τμήμα Μηχανικών ΗΥ, Τηλεπικοινωνιών και Δικτύων, Πανεπιστήμιο Θεσσαλίας

34

Η πολιτική LIX (2/3)

- Χρήση τροποποιημένου LRU για κάθε δίσκο εκπομπής χωριστά
 - Ο LIX διατηρεί μια λίστα με αντικείμενα για κάθε δίσκο εκπομπής με συχνότητα f_j
 - Τα αντικείμενα μπαίνουν στη λίστα του αντίστοιχου δίσκου εκπομπής όπου ανήκουν
 - Όταν ένα αντικείμενο προσπελάζεται, τοποθετείται στην κορυφή/αρχή της λίστας
 - Μια εκτίμηση της πιθανότητας προσπέλασης p_i αναπροσαρμόζεται οποτεδήποτε το αντικείμενο d_i προσπελάζεται
 - Όταν ένα αντικείμενο d_i πρόκειται να εκδιωχτεί, υπολογίζεται μια LIX τιμή lix_i (που προσεγγίζει την PIX τιμή) για κάθε αντικείμενο στο τέλος κάθε λίστας
 - Το αντικείμενο με τη χαμηλότερη τιμή, τελικά εκδιώκεται. The data item with lowest value lix_i is evicted

20/10/2005

Τμήμα Μηχανικών ΗΥ, Τηλεπικοινωνιών και Δικτύων, Πανεπιστήμιο Θεσσαλίας

35

Η πολιτική LIX (3/3)

Computing the access probability estimate p_i for d_i :

Initial value $p_i = 0$

If most recent access to d_i was at time t_i (initially $t_i = 0$) and t is the time of the current access then

$$p_i := \frac{c}{t - t_i} + (1 - c)p_i$$

c constant ($0 < c < 1$)

Approximation of PIX value (d_i belongs to broadcast disk with frequency f_j)

$$lix_i = p_i / f_j$$

20/10/2005

Τμήμα Μηχανικών ΗΥ, Τηλεπικοινωνιών και Δικτύων, Πανεπιστήμιο Θεσσαλίας

36

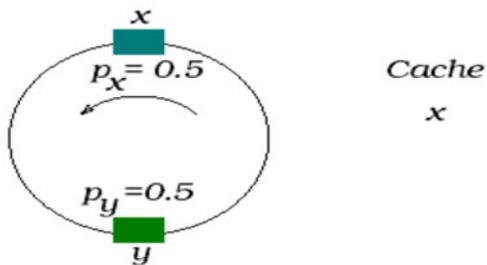
Η έννοια του tag team caching

- Tag Team Caching – Τα αντικείμενα συνεχώς αντικαθιστούν το ένα το άλλο μέσα στην cache
- Για παράδειγμα,
 - έστωσαν δυο αντικείμενα x και y τα οποία εκπέμπονται από το κανάλι
 - Ο πελάτης caches το x όταν εκπέμπεται στο κανάλι
 - Εκδιώχνει το x και caches το y , όταν εκπέμπεται το y

20/10/2005

Τμήμα Μηχανικών Η/Υ, Τηλεπικοινωνιών και Δικτύων, Πανεπιστήμιο Θεσσαλίας

Παράδειγμα tag team caching (1/2)



20/10/2005

Τμήμα Μηχανικών Η/Υ, Τηλεπικοινωνιών και Δικτύων, Πανεπιστήμιο Θεσσαλίας

Αναμεν. Καθυστέρ. “Demand Driven”

- Υποθέτουμε ότι ένας πελάτης ενδιαφέρεται να προσπελάσει το x και το y $p_x = p_y = 0.5$ και ότι έχει μια cache με μια μόνο θέση
- Στο μοντέλο demand driven, κάνει cache το x και εάν χρειάζεται το y , περιμένει για το y και αντικαθιστά το x στην cache με το y
- Η αναμενόμενη καθυστέρηση σε cache miss είναι $\frac{1}{2}$ της περιστροφής του δίσκου
- Η αναμενόμενη καθυστέρηση πάνω σε όλες τις προσπελάσεις είναι
- $C_i * M_i * D_i$, όπου C είναι η πιθανότητα προσπέλασης, M είναι η πιθανότητα ενός cache miss και D είναι η αναμενόμενη καθυστέρηση εκπομπής για το αντικείμενο i
- Για τα αντικείμενα x και y , είναι ίση με: $0.5 * 0.5 * 0.5 + 0.5 * 0.5 * 0.5 = 0.25$

20/10/2005

Τμήμα Μηχανικών Η/Υ, Τηλεπικοινωνιών και Δικτύων, Πανεπιστήμιο Θεσσαλίας

43 Αναμεν. Καθυστέρ. “Tag team caching”

- $0.5 \cdot 0.5 \cdot 0.25 + 0.5 \cdot 0.5 \cdot 0.25 = 0.125$, δηλαδή, το μέσο κόστος είναι το $\frac{1}{2}$ του αντίστοιχου κόστους στο σχήμα demand driven
- Γιατί? Ένα miss μπορεί να συμβεί σε οποιαδήποτε στιγμή στο μοντέλο demand driven, ενώ τα misses συμβαίνουν μόνο κατά τη διάρκεια του μισού broadcast στο tag team caching

44 Ευρεστικό Prefetching

- Απλό Ευρεστικό Prefetching
- Εκτελεί έναν υπολογισμό για κάθε αντικείμενο που εκπέμπεται στο κανάλι με βάση την πιθανότητα προσπέλασης P για το αντικείμενο και το ποσό του χρόνου T που θα περάσει μέχρι να εμφανιστεί ξανά η σελίδα στο κανάλι εκπομπής
- Εάν η $P \cdot T$ τιμή των σελίδων που εκπέμπονται είναι υψηλότερες από αυτές των σελίδων στην cache, τότε εκείνες με τη χαμηλότερη τιμή $P \cdot T$, εκδιώκεται από την cache

45 Ευρεστικό Prefetching

Page	Access Probability	Broadcast Frequency (per Period)	PTN Value
A	P	2	$P/2$
B	$P/2$	2	$P/4$
C	$P/2$	1	$P/2$

Table 2: Access and Frequency Values for the pt Example

Ευρεστικό Prefetching

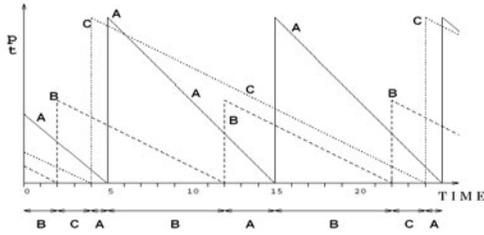


Figure 7: pt Value vs. Time

20/10/2005

Τμήμα Μηχανικών Η/Υ, Τηλεπικοινωνιών και Δικτύων, Πανεπιστήμιο Θεσσαλίας

Περιεχόμενα

- Αρχιτεκτονική κινητού δικτύου
- Εκπομπή σε πολλαπλά κανάλια
- Caching
- Prefetching
- **Ευρετήρια**

20/10/2005

Τμήμα Μηχανικών Η/Υ, Τηλεπικοινωνιών και Δικτύων, Πανεπιστήμιο Θεσσαλίας

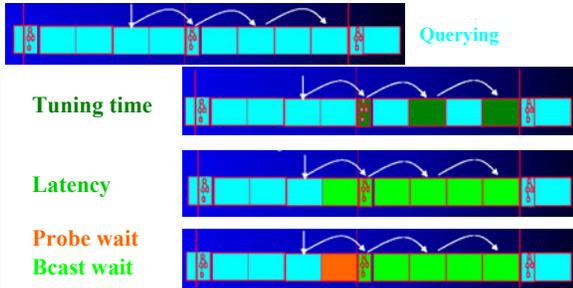
Παράμετροι ενδιαφέροντος (1/2)

- **Tuning time:** Ο χρόνος που ο κινητός πελάτης δαπανά “ακούγοντας” το κανάλι. Προσδιορίζει την κατανάλωση ενέργειας για την απόκτηση των δεδομένων
- **Latency (Access time):** Ο χρόνος που περνάει (κατά μέσο όρο) από τη στιγμή που ο κινητός πελάτης “κάνει αίτηση” για κάποια δεδομένα μέχρι τη στιγμή που τα δεδομένα αυτά έρχονται στην κατοχή του πελάτη
 - **Probe wait:** Ο μέσος χρόνος από τη στιγμή συντονισμού στο κανάλι μέχρι να βρει τον δείκτη (pointer) για τον επόμενο index. Είναι ίσος με το μισό της απόστασης μεταξύ δυο τμημάτων index.
 - **Bcast wait:** Ο μέσος χρόνος από τη στιγμή που βρίσκεται ο πρώτος index μέχρι να “κατεβούν” όλα τα δεδομένα

20/10/2005

Τμήμα Μηχανικών Η/Υ, Τηλεπικοινωνιών και Δικτύων, Πανεπιστήμιο Θεσσαλίας

Παράμετροι ενδιαφέροντος (2/2)



20/10/2005 Τμήμα Μηχανικών Η/Υ, Τηλεπικοινωνιών και Δικτύων, Πανεπιστήμιο Θεσσαλίας

Οργάνωση του καναλιού εκπομπής

- **Packet**: η βασική (μικρότερη) μονάδα μεταφοράς μηνυμάτων στα δίκτυα
- **Bucket**: η μικρότερη λογική μονάδα εκπομπής. Αποτελείται από σταθερό αριθμό packets. Όλα τα buckets έχουν το ίδιο μέγεθος
 - Index buckets
 - Data buckets
- **Index Segment**: σύνολο συνεχόμενων index buckets
- **Data Segment**: σύνολο συνεχόμενων data buckets

20/10/2005 Τμήμα Μηχανικών Η/Υ, Τηλεπικοινωνιών και Δικτύων, Πανεπιστήμιο Θεσσαλίας

Οργάνωση του καναλιού εκπομπής

- Περιεχόμενα bucket
 - **Bucket_id**: το offset του bucket από την αρχή του κύκλου εκπομπής
 - **Bcast_pointer**: το offset μέχρι την αρχή του επόμενου κύκλου εκπομπής
 - **Index_pointer**: το offset μέχρι την αρχή του επόμενου index segment
 - **Bucket_type**: data bucket ή index bucket
- Index bucket: είναι μια ακολουθία της μορφής:
 - (**attribute_value, offset**): offset είναι ένας δείκτης στο bucket που περιέχει εγγραφή που προσδιορίζεται από την attribute_value

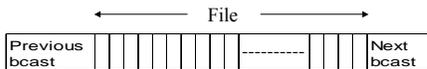
20/10/2005 Τμήμα Μηχανικών Η/Υ, Τηλεπικοινωνιών και Δικτύων, Πανεπιστήμιο Θεσσαλίας

Clustering index

- **Clustering index:** ένα ευρετήριο (index) είναι clustered πάνω σε ένα attribute, εάν όλες οι εγγραφές με την ίδια τιμή για το attribute αυτό, εμφανίζονται συνεχόμενες σε ένα “αρχείο”
- Τα δυο άκρα στην βελτιστοποίηση Tuning time και Access time
 - Latency_opt
 - Tune_opt

20/10/2005 Τμήμα Μηχανικών Η/Υ, Τηλεπικοινωνιών και Δικτύων, Πανεπιστήμιο Θεσσαλίας

Latency OPT



Latency είναι η βέλτιστη: Δεν υπάρχει επιβάρυνση για το index

$$\text{Latency} = \text{Data}/2 + C$$

$$\text{Tuning time} = \text{Data}/2 + C$$

20/10/2005 Τμήμα Μηχανικών Η/Υ, Τηλεπικοινωνιών και Δικτύων, Πανεπιστήμιο Θεσσαλίας

Tuning OPT



Tuning time είναι ο βέλτιστος:

$$\text{Latency} = (\text{Data} + \text{Index}) / 2 + (\text{Data} + \text{Index}) / 2 + C$$

$$= \text{Data} + \text{Index} + C$$

$$\text{Tuning time} = k + C$$

k: number of levels in the index tree

20/10/2005 Τμήμα Μηχανικών Η/Υ, Τηλεπικοινωνιών και Δικτύων, Πανεπιστήμιο Θεσσαλίας

Ανάλυση (1, m) Indexing

Tuning time: $1 + k + C$

• Βέλτιστο m για ελαχιστοποίηση Latency:

- Παραγωγή της εξίσωσης της Latency ως προς m
- Εξίσωση με 0
- Επίλυση ως προς m

$$m^* = \sqrt{\frac{\text{Data}}{\text{Index}}}$$

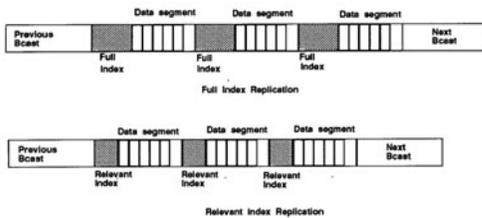
20/10/2005

Τμήμα Μηχανικών Η/Υ, Τηλεπικοινωνιών και Δικτύων, Πανεπιστήμιο Θεσσαλίας

Distributed Indexing

- Βελτίωση του (1, m) index ελαττώνοντας τη replication του index

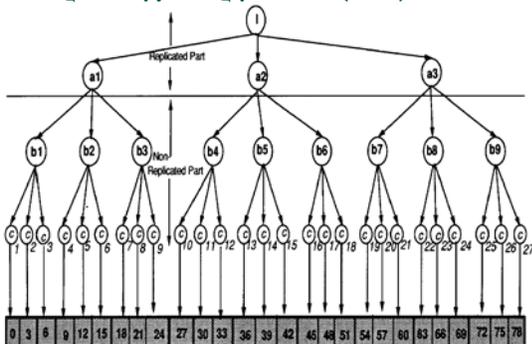
- Δεν χρειάζεται να εκπέμπεις ολόκληρο τον index μεταξύ διαδοχικών data segments, αλλά μόνο το κομμάτι του που δεικτοδοτεί τα data που έπονται.



20/10/2005

Τμήμα Μηχανικών Η/Υ, Τηλεπικοινωνιών και Δικτύων, Πανεπιστήμιο Θεσσαλίας

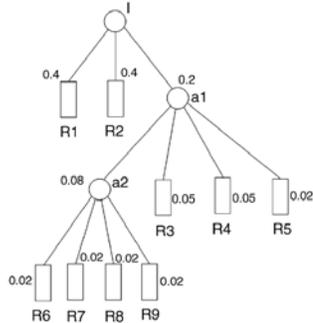
Παράδειγμα εργασίας (1/2)



20/10/2005

Τμήμα Μηχανικών Η/Υ, Τηλεπικοινωνιών και Δικτύων, Πανεπιστήμιο Θεσσαλίας

Μη ισοζυγισμένα δενδρικά ευρετήρια σταθερού fanout [π.χ., d=4]



20/10/2005 Τμήμα Μηχανικών ΗΥ, Τηλεπικοινωνιών και Δικτύων, Πανεπιστήμιο Θεσσαλίας

Μη ισοζυγισμένα δένδρα σταθερού fanout

- Δεν υπάρχει μονοτονική σχέση, ούτε αύξουσα ούτε φθίνουσα, για τις τιμές κόστους $C(T_{d=j}^1)$ σε σχέση με το επιτρεπτό fanout j .
- Αυτό το γεγονός, σε συνδυασμό με την ιεραρχική φύση της κατασκευής, υπονοεί ότι, επιτρέποντας μεταβλητά fanouts στους κόμβους του δένδρου, μπορούμε να ελαττώσουμε ακόμα περισσότερο το μέσο κόστος εντοπισμού των εγγραφών

20/10/2005 Τμήμα Μηχανικών ΗΥ, Τηλεπικοινωνιών και Δικτύων, Πανεπιστήμιο Θεσσαλίας

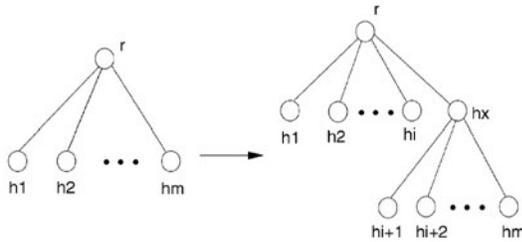
Βασική ιδέα (1/2)

Lemma 1. Suppose that node r has m child nodes, h_1, h_2, \dots, h_m , which are sorted according to descending order of $Pr(h_j)$, $1 \leq j \leq m$, i.e., $Pr(h_j) \geq Pr(h_k)$ if and only if $j \leq k$. Then, the average cost of index probes can be reduced by grouping nodes $h_{i+1}, h_{i+2}, \dots, h_m$ and attaching them under a new child node if and only if

$$(m - i - 1) \sum_{1 \leq j \leq i} Pr(h_j) > \sum_{i+1 \leq j \leq m} Pr(h_j).$$

20/10/2005 Τμήμα Μηχανικών ΗΥ, Τηλεπικοινωνιών και Δικτύων, Πανεπιστήμιο Θεσσαλίας

Βασική ιδέα (2/2)



20/10/2005 Τμήμα Μηχανικών ΗΥ, Τηλεπικοινωνιών και Δικτύων, Πανεπιστήμιο Θεσσαλίας

Μη ισοζυγισμένα δένδρα μεταβλητού fanout T_V^I : Αλγόριθμος κατασκευής

Algorithm VF:

- Step 1:** Assume that $R_1, R_2, \dots,$ and R_n have been sorted according to descending order of $Pr(R_j), 1 \leq j \leq n$, i.e., $Pr(R_j) \geq Pr(R_k)$ iff. $j \leq k$.
- Step 2:** Partition (R_1, R_2, \dots, R_n) .
- Step 3:** Report the resulting index tree.

20/10/2005 Τμήμα Μηχανικών ΗΥ, Τηλεπικοινωνιών και Δικτύων, Πανεπιστήμιο Θεσσαλίας

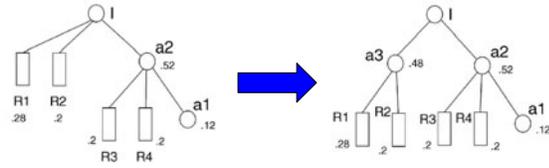
Μη ισοζυγισμένα δένδρα μεταβλητού fanout T_V^I : Αλγόριθμος κατασκευής

Procedure Partition (h_1, h_2, \dots, h_m) :

- Let $y(i) = (m - i - 1) \sum_{1 \leq j \leq i} Pr(h_j) - \sum_{i+1 \leq j \leq m} Pr(h_j)$. Determine i^* such that $y(i^*) = \max_{i \in \{1, m-2\}} \{y(i)\}$.
- If $y(i^*) \leq 0$, then return.
- Attach nodes $h_{i^*+1}, h_{i^*+2}, \dots, h_m$ under a new index node hx in the index tree.
- Partition $(h_{i^*+1}, h_{i^*+2}, \dots, h_m)$.
- Insert hx into the ordered list $(h_1, h_2, \dots, h_{i^*})$ and relabel them as $(h_1, h_2, \dots, h_{i^*+1})$ according to descending order of $Pr(h_j), 1 \leq j \leq i^* + 1$.
- Partition $(h_1, h_2, \dots, h_{i^*+1})$.
- Return.

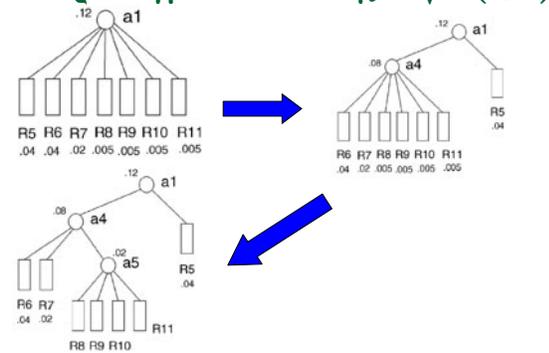
20/10/2005 Τμήμα Μηχανικών ΗΥ, Τηλεπικοινωνιών και Δικτύων, Πανεπιστήμιο Θεσσαλίας

Παράδειγμα κατασκευής T^I_V (4/6)



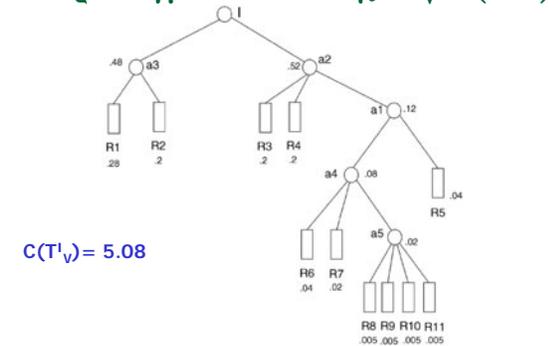
20/10/2005 Τμήμα Μηχανικών ΗΥ, Τηλεπικοινωνιών και Δικτύων, Πανεπιστήμιο Θεσσαλίας

Παράδειγμα κατασκευής T^I_V (5/6)

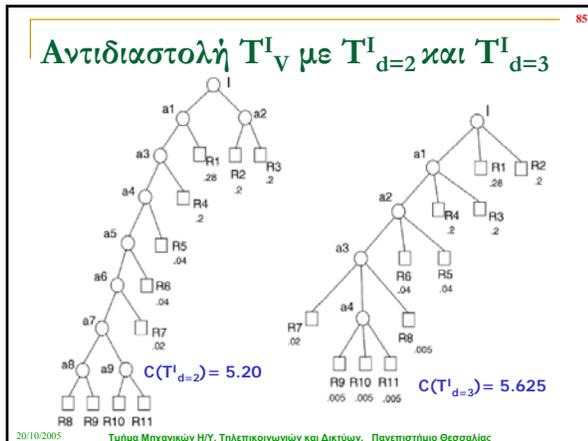


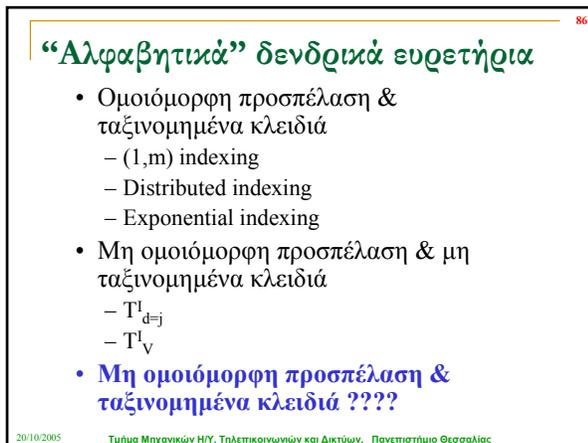
20/10/2005 Τμήμα Μηχανικών ΗΥ, Τηλεπικοινωνιών και Δικτύων, Πανεπιστήμιο Θεσσαλίας

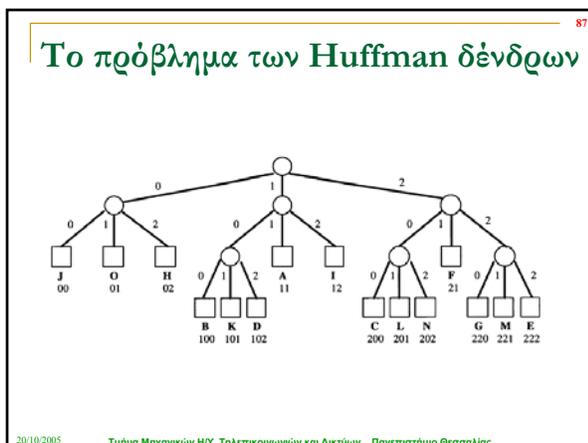
Παράδειγμα κατασκευής T^I_V (6/6)



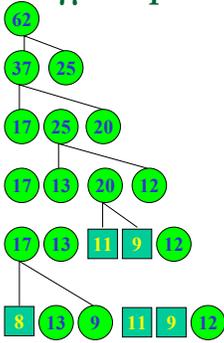
20/10/2005 Τμήμα Μηχανικών ΗΥ, Τηλεπικοινωνιών και Δικτύων, Πανεπιστήμιο Θεσσαλίας





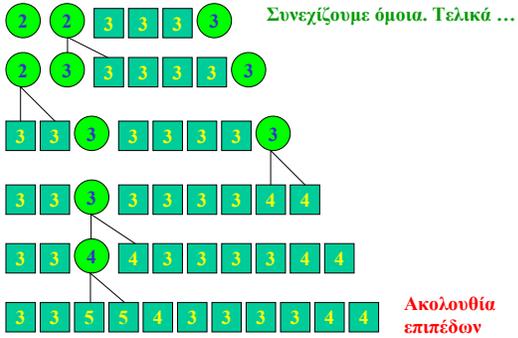


Παράδειγμα Alphabetic tree (2/4)



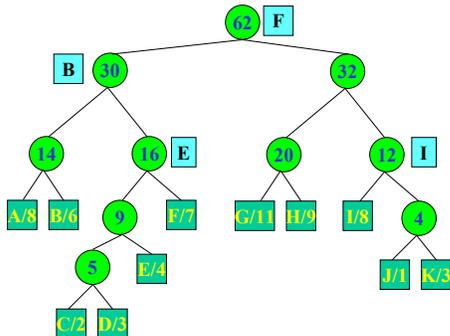
20/10/2005 Τμήμα Μηχανικών Η/Υ, Τηλεπικοινωνιών και Δικτύων, Πανεπιστήμιο Θεσσαλίας

Παράδειγμα Alphabetic tree (3/4)



20/10/2005 Τμήμα Μηχανικών Η/Υ, Τηλεπικοινωνιών και Δικτύων, Πανεπιστήμιο Θεσσαλίας

Alphabetic tree (4/4)



20/10/2005 Τμήμα Μηχανικών Η/Υ, Τηλεπικοινωνιών και Δικτύων, Πανεπιστήμιο Θεσσαλίας
